

Forces:  $\vec{R_n}$ ,  $\vec{P}$

- $\vec{R_n} = -R_n \vec{u_r}$
- $\vec{P} = mg \sin \theta \vec{u_r} + mg \cos \theta \vec{u_\theta}$

PDF:

$$\vec{a} = \frac{d}{dt}(R\dot{\theta} \vec{u}_\theta)$$

$$= R\ddot{\theta} \vec{u}_\theta - R\dot{\theta}^2 \vec{u_r}$$

$$m\vec{a} = \vec{R_n} + \vec{P}$$

$$\vec{u_r} \left\{ -mR\dot{\theta}^2 = mg \sin \theta - R_n \quad (E_1) \right.$$

$$\vec{u_\theta} \left\{ mR\ddot{\theta} = mg \cos \theta \quad (E_2) \right.$$

Intégrale première de l'énergie sur  $(E_2)$ :

$$\int \dot{\theta} mR\ddot{\theta} = \int mg \cos \theta \dot{\theta} dt$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2} mR\dot{\theta}^2 = \int mg \cos \theta dt$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2} R\dot{\theta}^2 = mg \sin \theta + \text{const}$$

SI en A, on a  $\begin{cases} \dot{\theta}(0) = 0 & \text{car sans vitesse initiale} \\ \theta(0) = 0 \end{cases}$

$$\Rightarrow \text{const} = 0$$

$$\Rightarrow \frac{1}{2} R \dot{\theta}^2 = g \sin \theta$$

$$\Rightarrow R \dot{\theta}^2 = 2g \sin \theta$$

On réinjecte dans (E<sub>2</sub>):

$$-m R \dot{\theta}^2 = mg \sin \theta - R_n$$

$$-2mg \sin \theta = mg \sin \theta - R_n$$

$$\Leftrightarrow R_n = 3mg \sin \theta$$

### 3/1' Exprimer $v_M$

TEC entre A et M.

$$\Delta E_C = W(\vec{P}) + \cancel{W(\vec{R}_n)}_{A \rightarrow M}$$

$$\Leftrightarrow E_M - E_A = W(\vec{P})$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2} m v_M^2 - \cancel{\frac{1}{2} m v_A^2}_{v_A=0} = mg R \sin \theta + 0$$

$$\Leftrightarrow v_M = \sqrt{2g R \sin \theta}$$

### 3/2 TEC

$$\begin{aligned} \Delta E_C &= W(\vec{F}) \\ A \rightarrow C &\quad A \rightarrow C \quad \text{On décompose pour } A \rightarrow B \text{ et } B \rightarrow C \text{ car } \vec{f} = \vec{0} \\ E_C - E_B &= \underbrace{W(\vec{P})}_{A \rightarrow B} + \underbrace{W(\vec{P})}_{B \rightarrow C} + \underbrace{W(\vec{f})}_{B \rightarrow C} \end{aligned}$$

pour  $A \rightarrow B$   
seulement

$$0 - 0 = \underbrace{mgR}_{\vec{P} \perp \text{dépl.}} + \underbrace{0}_{\text{h=AB}} + \int_B^C \vec{f} d\vec{OM}$$

$$= mgR + \vec{f} \int_B^C d\vec{OM}$$

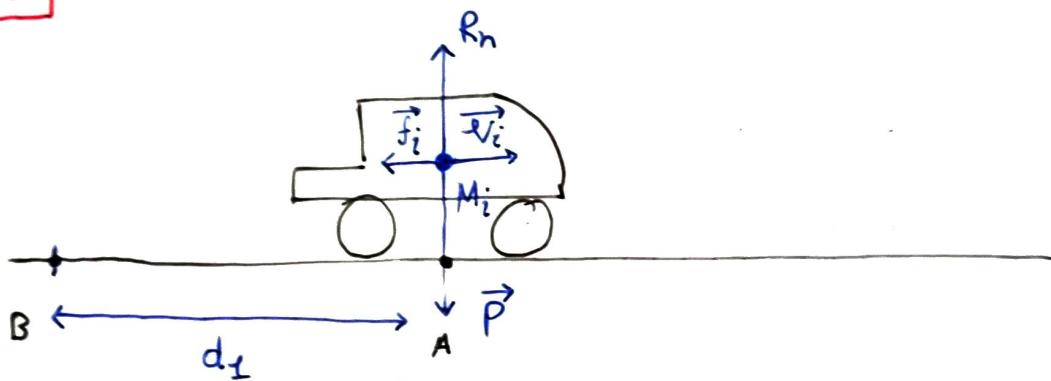
car  $\vec{f} = \text{const}$   
par linearité de  $\int$

$$= mgR + f \overline{BC}$$

$$\Leftrightarrow f = \frac{mgR}{\overline{BC}}$$

$$= mg \quad \text{car } \overline{BC} = 20 \text{ cm} = R$$

2



Véhicule 1

$$\begin{array}{|c|c|} \hline M_1 & M_2 \\ \hline v_1 & v_2 \\ \hline f_1 = f_2 & \\ \hline d_1 & d_2 \\ \hline \end{array}$$

TÉC entre A et B du V1.

$$\Delta E_C = \cancel{W(R_n)}_{\substack{\perp \text{direction} \\ \rightarrow B}} + \cancel{W(P)}_{\substack{\perp \text{direction} \\ \rightarrow B}} + \cancel{W(f)}_{\substack{\parallel \text{direction} \\ \rightarrow B}}$$

$$0 - \frac{1}{2} m_1 v_1^2 = -f_1 d_1$$

en B,  
voiture  
à l'arrêt

car  $d\vec{OM}$  et  $\vec{f}$   
constants  
et  $AB = d_1$ .

Véhicule 2  $\alpha$ -conversion.

$$\Rightarrow \boxed{-\frac{1}{2} m_2 v_2^2 = -f_2 d_2}$$

$$\Leftrightarrow -\frac{1}{2} m_2 v_2^2 = -f_1 d_2$$

$$\Leftrightarrow d_2 = \frac{1}{2 f_1} m_2 v_2^2$$

$$= \frac{m_2 v_2^2}{2 \frac{1}{2} m_1 v_1^2} d_1 \quad \text{d'après } \underline{\text{Véhicule 1}}$$

$$\Leftrightarrow \boxed{d_2 = d_1 \frac{m_2 v_2^2}{m_1 v_1^2}}$$

$$= 72 \text{ m}$$

Verification

$$P_2 = \dots$$

$$\bar{P}_2 = \dots$$

On aura  $P_2 \gg P_1$ ,  $d_2 \gg d_1$  est cohérent